

Materi Diskusi Forum 5

Dasar-Dasar Matematika

Kelompok = 4

- 1). Jika n bilangan ganjil maka n^3 juga bilangan ganjil.

$$\forall n, n \in 2\mathbb{Z} + 1 \rightarrow n^3 \in 2\mathbb{Z} + 1$$

• Ambil sembarang $n \in 2\mathbb{Z}$ $\left. \begin{array}{l} n^3 \in 2\mathbb{Z} + 1 \\ n = 2 \cdot k_0 + 1 \quad \exists k_0 \in \mathbb{Z} \\ n^3 = 2 \cdot l_0 + 1, \exists l_0 \in \mathbb{Z} \end{array} \right\}$

$$n^3 = (2k_0 + 1)^3$$

$$= (2k_0 + 1)(2k_0 + 1)(2k_0 + 1)$$

$$= (4k_0^2 + 4k_0 + 1)(2k_0 + 1)$$

$$= (8k_0^3 + 12k_0^2 + 6k_0 + 1)$$

$$= 2(4k_0^3 + 6k_0^2 + 3k_0) + 1, \text{ pilih } l_0 (4k_0^3 + 6k_0^2 + 3k_0)$$

$$n^3 = 2l_0 + 1 \quad \exists l_0 \in \mathbb{N}$$

$$\therefore n^3 \in 2\mathbb{Z} + 1$$

- 2). Misal a, b, c adalah bilangan bulat. jika a membagi b dan b membagi c maka a membagi c .

$$a|b \wedge b|c \rightarrow a|c$$

(i). $a|b$ berarti $\forall a, \forall b, a, b \in \text{bil bulat} \exists k = a \cdot k$

(ii). $b|c$ berarti $\forall b, \forall c, b, c \in \text{bil bulat} \exists m = b \cdot m$

Dari (i) dan (ii)

$$c = bm \quad * \text{ dengan } m \text{ dan } k \text{ bilangan bulat.}$$

$$c = (ak)m$$

$$c = (km)a$$

$$\rightarrow \forall a, b, c \quad a, b, c \in \mathbb{Z}$$

$$\text{jika } a|b \wedge b|c \rightarrow a|c$$

3). Misal a, b, c adalah bilangan bulat. Jika 5 membagi $a-b$ dan 5 membagi $b-c$ maka 5 membagi $a-c$.

(i). $5|a-b$ berarti $\forall a, b, a, b \in \mathbb{Z} \ Leftrightarrow 5|a-b$
 $\rightarrow a-b = 5k, k \in \mathbb{Z}$

(ii). $5|b-c$ berarti $\forall b, c, b, c \in \mathbb{Z} \ Leftrightarrow 5|b-c$
 $\rightarrow b-c = 5m, m \in \mathbb{Z}$

• $a-b = 5k$

$$\frac{b-c}{a-c} = \frac{5m}{5k+5m} +$$

$$a-c = 5(k+m)$$

$$a-c = 5(k+m) \text{ (maka terbukti)}$$

$\forall a, b, c, a, b, c \in \mathbb{Z}$

Jika $5|a-b \wedge 5|b-c \rightarrow 5|a-c$



Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Araminta

Yok mulai dari No 1 13.49

Jika n bilangan ganjil maka n^3
juga bilangan ganjil 13.49

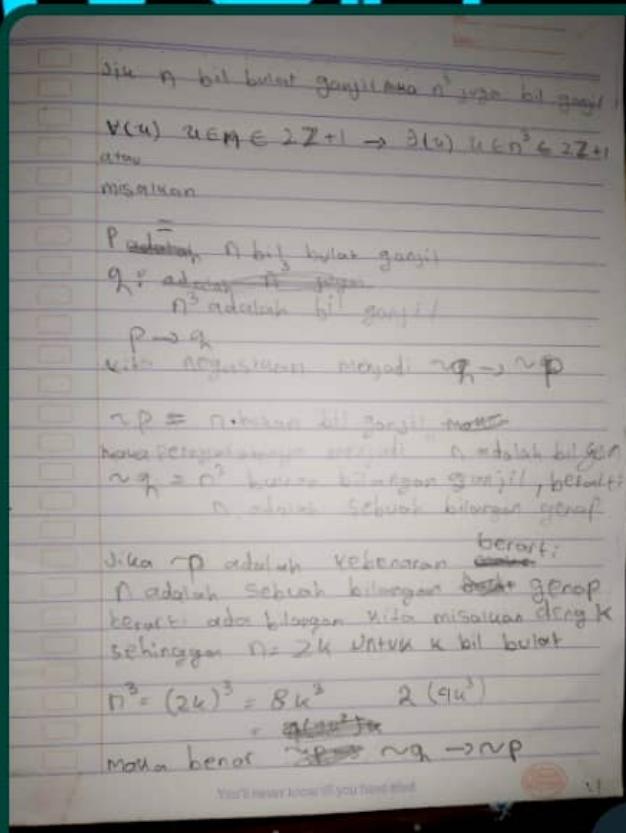
Araminta

Araminta

Jika n bilangan ganjil maka n^3
juga bilangan ganjil

Ini soalnya

13.49



13.50



Kalo sku sib cini ngarincinpu



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Jika n bukan ganjil maka n^3 juga bukan ganjil
 $\forall n \in \mathbb{Z} \rightarrow n^3 \in \mathbb{Z}$
atau
misalkan
 P adalah n bukan bilangan ganjil
 $\neg P$ adalah n merupakan bilangan ganjil
 $P \rightarrow Q$
 $\neg P \rightarrow \neg Q$ merupakan negasi dari $\neg P$
 $\neg P = n$ bukan bilangan ganjil
misalkan n bukan bilangan ganjil, berarti
 n adalah sebuah bilangan genap
berarti n adalah bilangan genap yang kurang dari $2k$, berarti n bukan bilangan ganjil
 $n^3 = (2k)^3 = 8k^3 = 2(4k^3)$
 $\neg P \rightarrow \neg Q$
Maka benar $\neg P \rightarrow \neg Q \rightarrow \neg P$

13.50 ✓

Kalo aku sih gini ngerjainnya

13.50 ✓

Gimana?

13.50 ✓

Araminta

$$\begin{aligned} & \text{Jika } n \text{ bukan ganjil maka } n^3 \text{ juga bukan ganjil} \\ & \forall n \in \mathbb{Z} \rightarrow n^3 \in \mathbb{Z} \\ & \text{misalkan } n \in \mathbb{Z} \quad \left\{ \begin{array}{l} n \in \mathbb{Z} \\ n = 2k + 1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} n^3 \in \mathbb{Z} \\ n^3 = (2k+1)^3 \end{array} \right. \\ & n^3 = (2k+1)(2k+1)(2k+1) \\ & = (4k^2 + 4k + 1)(2k+1) \\ & = (8k^3 + 12k^2 + 6k + 1) \\ & = 2(4k^3 + 6k^2 + 3k) + 1 \quad \text{pilih } j_0 \text{ di } (4k^3 + 6k^2 + 3k) \\ & n^3 = 2j_0 + 1 \quad j_0 \in \mathbb{N} \\ & \therefore n^3 \in \mathbb{Z} \end{aligned}$$

Aku beda cara ii. Gini nek aku



Ketik pesan



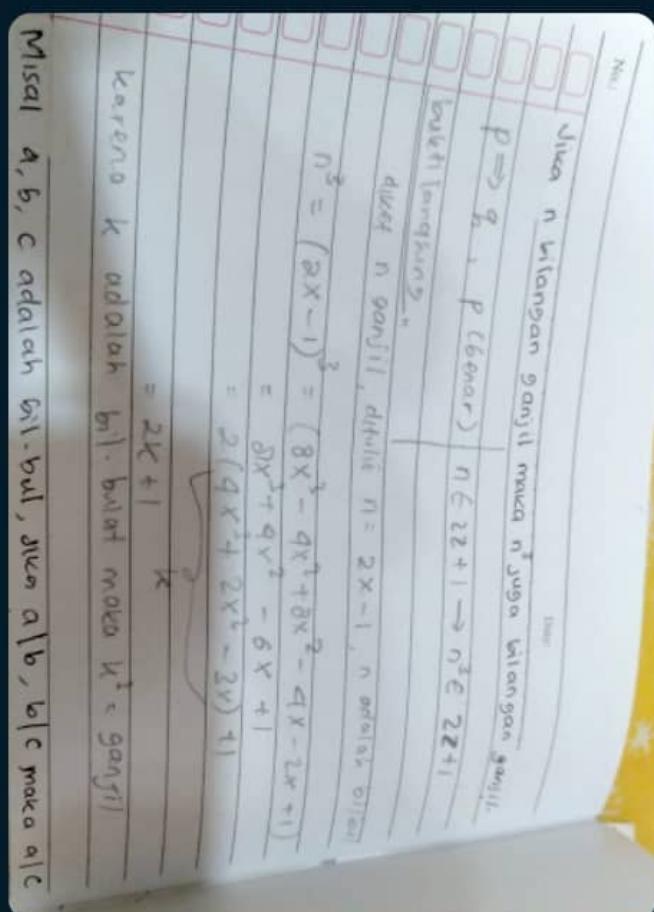


Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Noviana



pnyaku hampir sm kyak ara

13.52

Diva Puspita

Noviana

 pnyaku hampir sm kyak ara

Aku hampir mirip kaya ini

13.53

Araminta

Noviana



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Araminta

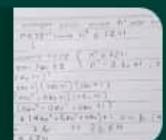
Noviana

 pnyaku hampir sm kyak ara

Hoo sama ni

13.53

Araminta

 Aku beda cara ii. Gini nek aku

Berarti ini pake apa tuh, lupa aku

13.54 ✓

Yang deket teobil

13.54 ✓

Araminta

campus

• Click icon to add chart

Jika x bilangan genap maka x^2 bilangan genap
 $\forall x \in \mathbb{Z} \rightarrow x^2 \in \mathbb{Z}$

Bukti:
misalkan $x \in \mathbb{Z}$ $\rightarrow x^2 \in \mathbb{Z}$

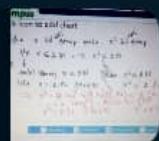
Tulis $x = 2n, n \in \mathbb{Z}$ $\rightarrow x^2 = (2n)^2 = 4n^2 = 2(2n^2) \in \mathbb{Z}$

$\Rightarrow x^2 \in \mathbb{Z}$

13.55

Araminta

Araminta

 Foto

Aku pake cara ini

13.55

Kezia



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Kezia

Anda

Yang deket teobil

Induksi?

13.55

Kezia

Induksi?

Nah iya, punya ara kayaknya pake induksi. Nah kalo punya aku tuh pake kontraposisi. Jadi diliat nilai negasinya

13.56 ✓

Gimana menurut kalian?

13.58 ✓

Rafitya

Untuk yang pake kontraposisi punya pembahasannya do? Kayaknya pada pake induksi dsini

13.59

Kezia

Aku setuju punya ara sih

14.00

Kezia

Anda

Nah iya, punya ara kayaknya pake induksi. Nah kalo punya aku tuh pake kontraposisi. Jadi diliat nilai negasinya

Kalo baca punyamu aku kurang



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Diva Puspita

Kezia

Kalo baca punyamu, aku kurang paham
dho

Samaa

14.00

Alfina Damayanti

aku juga setuju punya araa

14.01

Nesti

Aku juga setuju punya ara, kita pilih
sembarang bil dari semesta
pembicaraan karena tak terhingga
kan itu?

14.01

Rafiftya

Untuk yang pake kontraposisi punya
pembahasannya do? Kayaknya pada pake
induksi dsini

Kontraposisi tu ada di jelasin bapak,
cuma gak begitu jelas. Kalo kalian
sadar yang pak ponco tanya in dulu
tuh bagian tabel kebenaran yang jika
p maka q benar. Trus negasi p nilai
nya apa, itu menurut ku udah masuk
kontraposisi

14.01

Araminta



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Araminta

Nesti

Aku juga setuju punya ara, kita pilih sembarang bil dari semesta pembicaraan karena tak terhingga kan itu?

Hoo

14.02

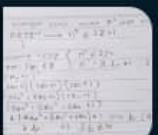
Ya udah pake yang ara aja wkwk

14.02 ✓✓

Araminta

Araminta

▣ Aku beda cara ii. Gini nek aku



Oke jadinya pake ini ya.

Sekarang lanjut No 2

14.03

Misal a, b, c adalah bilangan bulat.

Jika a membagi b dan b membagi c
maka a membagi c

14.03

Araminta

Araminta

Misal a, b, c adalah bilangan bulat. Jika a
membagi b dan b membagi c
maka a membagi c

Menurut kalian gimana ini?

14.04



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



misalkan a/bc bukti bentuk
jika a/b dan b/c masing alike

(i) a/b berarti $3(1)(a)/3(1)b$ bukti $\rightarrow b$ alike
(ii) b/c berarti $3(1)(b)/3(1)c$ bukti $\rightarrow c$ alike

Dari (i) dan (ii) diperoleh

$$a = b \cdot kn$$

$$C = (kn)m$$

$C = (kn)a$ dengan kn adalah bil
bulat

atau

$3(a) \rightarrow a/b \wedge 3(b) \rightarrow b/c \rightarrow a/c$

14.05 ✓

Kalo aku sih gitu. Aku liat
pembuktinya di teobil

14.06 ✓

Cuma notasinya aja yang belom pasti

14.06 ✓

Kezia

Aku setuju sama pembuktian nya

14.07

Nesti

Aku juga setuju, mau nanya itu x
sama y nya sebagai apa?

14.08

Coba yang lain ada gak yang bisa
notasinya

14.08 ✓

Kezia

Oke, ini dia



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Noviana

aku jd mirip kyk diteobil 14.08

Nesti

Aku juga setuju, mau nanya itu x sama y
nya sebagai apa?X dan y itu a|b dan b|c itu lupa aku
ngasi tambahan keterangan di
persamaan 1 dan 2 nya

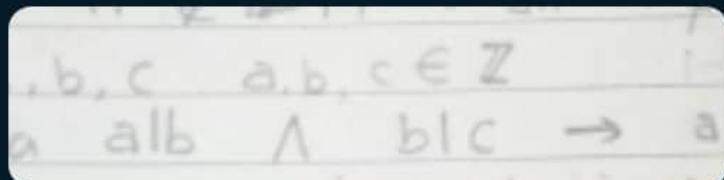
14.09 ✓

Kezia

Simbolnya dipisah gitu apa pake
konjungsi?Nah maka nya aku mau nanya ada
gak yang tau

14.10 ✓

Kezia



Gini bisa nggak?

14.10

Araminta

Kezia

✉ Gini bisa nggak?

Aku juga gini sii tapi gatau bisa ga

14.11



Ketik pesan





Kelompok DasMat

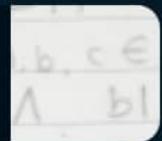
Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Diva Puspita

Kezia

Gini bisa nggak?



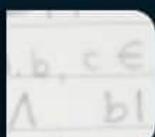
Kayanya jga gini deh

14.11

Nesti

Kezia

Gini bisa nggak?



Bisa kayaknya deh

14.12

Kezia

Eh tapi pake setiap deh kayaknya

14.12

Eh setiap apa ada ya

14.14

Nesti

Setiap ga si? Soale kalo setiap a|b
dan b|c maka a|c itu pasti, jadi ga ada
yg engga memenuhi

14.16

Menurutku

14.16

Araminta

Nesti

Setiap ga si? Soale kalo setiap a|b dan b|c
maka a|c itu pasti, jadi ga ada yg engga
memenuhi

Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Kezia

Okee pake setiap berarti ya

14.17

Nesti

Kezia

Okee pake setiap berarti ya

Iya

14.17

Araminta

Barti ini kesimpulanya
Kalimat matematika nya pake punya
kezia tapi ganti setiap.
Pembuktianya pake punya ridho?

14.17

Kalo pake setiap berarti pembutian
pers 1 dan 2 nya pun di ganti dari ada
ke setiap dong?

14.18 ✓

Araminta

Hoo do 14.19

Kezia

Iya dho 14.19

x sama y nya diganti aja gak sih,
langsung pake variabel aslinya aja

14.20



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Araminta

Misal a, b, c adalah bilangan bulat.

Jika 5 membagi $a - b$ dan 5 membagi

$b - c$ maka 5 membagi $a - c$

14.23

Araminta

Araminta

Misal a, b, c adalah bilangan bulat. Jika 5

membagi $a - b$ dan 5 membagi

$b - c$ maka 5 membagi $a - c$

Ini soal no 3

14.23

misal a, b, c bil bulat
Jika $5 \mid a-b$ dan $5 \mid b-c$ maka $5 \mid a-c$

(i) $5 \mid a-b$ berarti $\exists (x)$ yg bil bulat $\in 5 \mid a-b$
 $\Rightarrow a-b = 5k$, $k \in$ bil bulat

(ii) $5 \mid b-c$ berarti $\exists (y)$ yg bil bulat $\in 5 \mid b-c$
 $\exists b-c = 5m$, $m \in$ bil bulat
dengan
sehingga

$a-b = 5k$
 $b-c = 5m$
 $a-c = \cancel{a-b} + \cancel{b-c}$
 $a-c = 5(k+m)$ maka terbukti
 $5 \mid a-b$
 $\exists (z)$ yg bil bulat $\in 5 \mid a-c$
 $\Rightarrow 5 \mid a-c$

Kalo aku gini sih

14.25



Ketik pesan





Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Kezia

Sama kayak tadi ini kan 14.26

Kezia

Anda

Kalo aku gini sih



Pembuktianya aku setuju

14.26

Nesti

Aku juga setuju 14.27

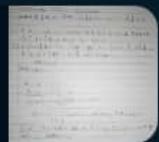
Diva Puspita

Setuju juga 14.27

Araminta

Anda

Kalo aku gini sih

Untuk nulis ke kalimat matematika
nya kayak No 2 tadi ya?

14.29

Araminta

Untuk nulis ke kalimat matematika nya
kayak No 2 tadi ya?

Bisa sih

14.29 ✓

Kezia



Ketik pesan



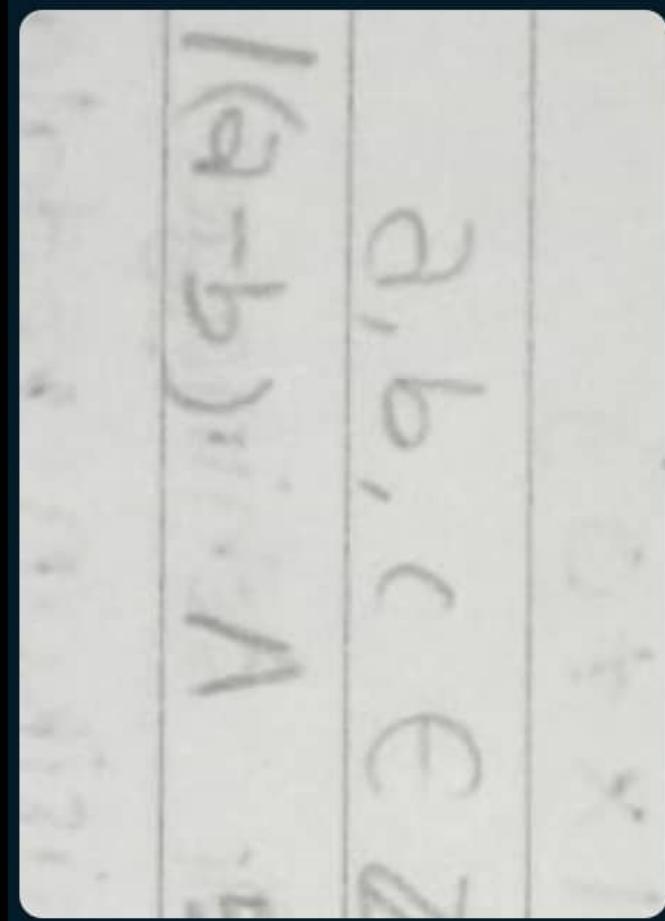


Kelompok DasMat

Alfina, Araminta, Diva, Ke...



Kezia



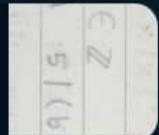
Gini kan?

14.31

Araminta

Kezia

Gini kan?



Iyaa. Oke udah ya ni kalimatnya pake ini. Pembuktian pake punya ridho

14.32

Nesti



Ketik pesan

