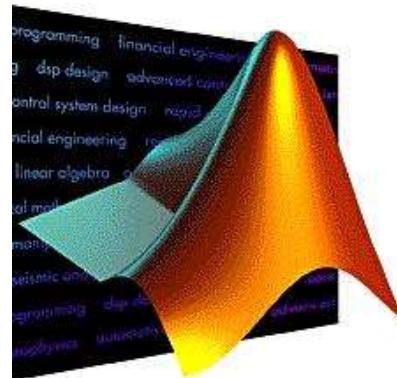


# OPTIMASI



# pengertian

Optimasi adalah suatu proses untuk mencari **kondisi optimum** dalam arti yang paling menguntungkan.

Optimasi bisa berupa proses mencari nilai **maksimum (maksimasi)** atau proses mencari nilai **minimum (minimasi)**.

Lanjutan .....

Variabel yang dimaksimumkan atau diminimalkan disebut **objective function**

Variabel yang dicari nilainya sehingga objective function menjadi maksimum atau minimum disebut **design variabel**.

contoh

$$y = 2x^2 - 8x + 12$$

# fminsearch

fungsi matlab untuk minimasi lebih dari satu variabel

```
x = fminsearch(fun,x0)
```

# Soal 1

- Tentukan nilai minimal

$$y = 2x^2 - 8x + 12$$

---

```
function y=nilai(x)
y = 2.*x.^2 - 8.*x + 12;
```

---

```
xopt = fminsearch(@nilai, 1.5)
```

## Soal 2

### Persamaan Fit untuk Data Tekanan Uap Benzene

Data tekanan uap murni benzene pada berbagai temperatur ditunjukkan pada tabel.

Temperatur (°C)	Tekanan (mmHg)	Temperatur (°C)	Tekanan (mmHg)
-36,7	1	15,4	60
-19,6	5	26,1	100
-11,5	10	42,2	200
-2,6	20	60,6	400
7,6	40	80,1	760

$$\log(P) = A - \frac{B}{T + C}$$

Parameter A, B, dan C harus ditentukan dengan regresi non linier

```
global vp T
vp = [ 1 5 10 20 40 60 100 200 400 760];
T = [-36.7 -19.6 -11.5 -2.6 7.6 15.4 26.1 42.2 60.6 80.1];
Ko = [10 2000 273] ;
K = fminsearch('F65',Ko)

z = 10.^ (K(1)-(K(2)./(T+K(3))));
plot(T,z,'k-',T, vp, 'ko', 'linewidth',2)
set(gca, 'fontsize',14)
xlabel('T (C)')
ylabel('vp (mmHg)')



---


function ff=F65(K)
global vp T
f = log10(vp)-K(1)+K(2)./(T+K(3));
ff=sum(f.*f);
```

## Soal 3

Kecep. Reaksi (mol/kgkat.detik)	P <sub>E</sub> (atm)	P <sub>EA</sub> (atm)	P <sub>H</sub> (atm)
1,04	1	1	1
3,13	1	1	3
5,21	1	1	5
3,82	3	1	3
4,19	5	1	3
2,391	0,5	1	3
3,867	0,5	0,5	5
2,199	0,5	3	3
0,75	0,5	5	1

Reaksi hidrogenasi etilen menjadi etana



terjadi dengan katalis cobalt molybdenum. Dari data-data yang ditunjukkan pada tabel di bawah ini, tentukan parameter-parameter persamaan kecepatan reaksi dengan menggunakan analisa kuadrat terkecil.

$$-r_A = \frac{kP_E P_H}{1 + K_A P_{EA} + K_E P_E}$$

```
clear all  
clc  
global ra Pe Ph Pea n  
  
% Data-data Percobaan  
ra=[1.04 3.13 5.21 3.82 4.19 2.391 3.867 2.199 0.75];  
Pe=[1 1 1 3 5 0.5 0.5 0.5 0.5]; % Tekanan, atm  
Pea=[1 1 1 1 1 1 0.5 3 5]; % Tekanan, atm  
Ph=[1 3 5 3 3 3 5 3 1]; % Tekanan, atm  
n=9;  
  
% Tebakan awal k, Ka, Ke masing-masing 1  
xo=[1 1 1];  
k = fminsearch('F66',xo)
```

```
function f=F66(x)
```

```
global ra Pe Ph Pea n
```

```
% Minimasi SSE
```

```
f=0;
```

```
for i=1:n
```

```
f=f+(ra(i)-(x(1)*Pe(i)*Ph(i))/(1+x(3)*Pea(i)+x(2)*Pe(i)))^2;
```

```
end
```

## Soal 4

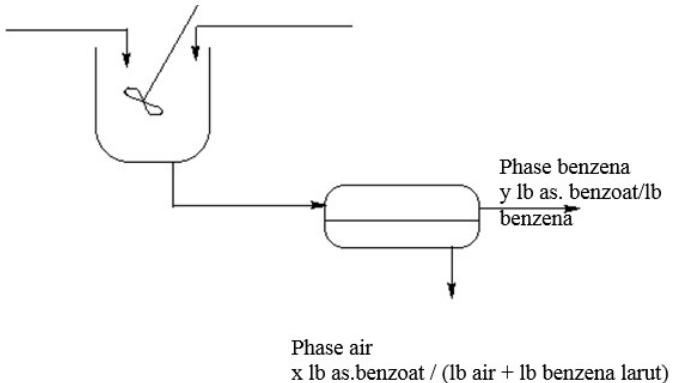
Suatu industri menghasilkan 10.000 lb/jam limbah yang mengandung 0,002 lb asam benzoat/lb air. Asam benzoat berharga \$ 0,4/lb saat dalam phase benzena & harga benzena \$ 0,001/lb. Benzena larut dalam phase air dalam jumlah 0,07 lb/lb air. Limbah industri tidak bernilai baik sebelum dan sesudah ditambah benzena. Distribusi asam benzoat di antara 2 phase sesuai dengan distribusi  $y = 4x$ , dengan  $y$  dan  $x$  didefinisikan dalam gambar 6.2.

- Buktikan bahwa: 
$$X = \frac{F x_o}{(4W + 0,79F)}$$
- Buktikan bahwa keuntungan ( $P$ ) =  $0,4F(x_o - x) - 0,001W$
- Tentukan  $W$  hingga diperoleh  $P$  maksimum

$$x_o = 0,002 \text{ lb as. benzoat/ lb air}$$

$$F = 10.000 \text{ lb air/jam}$$

$$W = \text{lb benzena / jam}$$



a. Fraksi massa Asam Benzoat pada fase air

Neraca massa komponen Asam Benzoat

input – output = akumulasi

$$\text{As. Benzoat umpan} - \text{As. Benzoat fase benzene} - \text{As. Benzoat fase air} = 0$$

$$\begin{aligned}\text{As. Benzoat umpan} - (\text{jumlah benzene} \times \text{fraksi As. Benzoat pada fase benzene}) - (\text{jumlah benzene dan air} \times \text{fraksi As. Benzoat pada fase air}) &= 0\end{aligned}$$

$$F x_0 - (W - 0,07 F) y - (F + 0,07 F) x = 0$$

$$F x_0 - (W - 0,07 F) 4 x - (1,07 F) x = 0$$

$$F x_0 - 4 W x - 0,79 F x = 0$$

$$x = \frac{F x_0}{(4W + 0,79F)}$$

b. Keuntungan (P)

$$\begin{aligned}\text{Keuntungan (P)} &= \text{harga jual As. Benzoat fase benzene} - \text{harga beli benzene} \\&= \text{As. Benzoat fase benzene} \times \$0,4 - \text{Benzene} \times \$0,001 \\&= (x_0 F - x F) \$0,4 - (W) \$0,001 \\&= 0,4F(x_0 - x) - 0,001W\end{aligned}$$

c. Jumlah benzena (W) optimal untuk mendapatkan keuntungan (P) maksimal

$$\begin{aligned} P &= 0,4F(x_o - x) - 0,001W \\ &= 0,4F(x_o - \frac{Fx_o}{(4W + 0,79F)}) - 0,001W \\ &= 0,4 \cdot 10000 (0,002 - \frac{100000,002}{(4W + 0,79 \cdot 10000)}) - 0,001 \cdot W \\ &= 8 - \frac{80000}{(4W + 7900)} - 0,001W \end{aligned}$$

```
function fw=contoh82(w)
xo=0.002;
F=10000;

% Perhitungan asam benzoat yang dapat diambil
x=F.*xo./(4.*w+0.79.*F);

% Perhitungan keuntungan yang diperoleh
P=0.4.*F.*(xo-x)-0.001.*w;

% Program maksimasi diubah menjadi minimasi
fw=1./P;
```

## Soal 5

Reaksi fase cair orde 2,  $A \rightarrow B$  dijalankan dalam reaktor batch isotermal. Konstanta kecepatan reaksi,  $k = 0,025 \text{ L/(gmol menit)}$ . Umpam A dengan konsentrasi awal,  $C_{AO} = 2 \text{ gmol/L}$ . Waktu bongkar isi reaktor (tp) 45 menit. Waktu siklus ( $ts$ ) =  $tr + tp$  dengan  $tr$  adalah waktu reaksi. Waktu reaksi dihitung dari persamaan kecepatan reaksi  $-\frac{dC_A}{dt} = k.C_A^2$ .

- a. Buktikan waktu reaksi adalah  $tr = \frac{x_A}{kC_{AO}(1-x_A)}$ , dengan  $C_A = C_{AO}(1 - x_A)$ .
- b. Dengan persamaan reaksi  $A \rightarrow B$ , diketahui jumlah B terbentuk adalah  $C_B = C_{AO} x_A$ , Buktikan jumlah B terbentuk persatuan waktu siklus adalah  $\frac{C_B}{ts} = \frac{0,1 \cdot x_A (1 - x_A)}{x_A + 2,25(1 - x_A)}$
- c. Tentukan konversi A yang memberikan jumlah B terbentuk persatuan waktu siklus maksimum.

$$a. \quad -\frac{dC_A}{dt} = k \cdot C_A^2$$

$$-\int_{C_{A0}}^{C_A} \frac{dC_A}{C_A^2} = k \int_0^t dt$$

$$\frac{1}{C_A} - \frac{1}{C_{A0}} = kt$$

$$\frac{1}{C_{A0}(1-x_A)} - \frac{1}{C_{A0}} = kt$$

$$\frac{x_A}{C_{A0}(1-x_A)} = kt$$

$$tr = \frac{x_A}{kC_{A0}(1-x_A)}$$

$$b. \quad \frac{C_B}{ts} = \frac{C_{A0}x_A}{\frac{1}{kC_{A0}} \left( \frac{x_A}{1-x_A} \right) + tp}$$
$$= \frac{C_{A0}x_A k C_{A0} (1-x_A)}{x_A + tp k C_{A0} (1-x_A)}$$
$$= \frac{0,1 \cdot x_A (1-x_A)}{x_A + 2,25 (1-x_A)}$$

```
clear all  
clc  
global Cao k tp
```

```
% Data-data  
Cao = 2;      % gmol/L  
k = 0.025;    % L/(gmol.menit)  
tp = 45;      % menit
```

```
% Interval konversi  
xo=0.01;      % konversi minimal yang mungkin terjadi  
xn=0.99;      % konversi maksimal yang mungkin terjadi
```

```
% Perhitungan konversi optimal  
x_opt=fminbnd('F83',xo,xn)
```

```
function Cb_ts_min=F83(x)
global k Cao tp

tr = x/(k*Cao*(1-x)); % Waktu reaksi
ts = tp + tr;          % Waktu siklus
Cb_ts = Cao*x/ts;      % Maksimum B terbentuk per waktu siklus
Cb_ts_min = 1/Cb_ts;    % Program minimasi
```

Keluaran program

x\_opt =  
0.6000

Konversi optimal adalah 0.6

d. 
$$t_r = \frac{x_A}{kC_{AO}(1-x_A)}$$

= 30 menit

## Soal 6

Reaksi reversible A  $\leftrightarrow$  B dengan

$$k_1 = 10^8 e^{-5000/T}$$

$$k_2 = 10^{16} e^{-10000/T}$$

Dari neraca massa diperoleh  $\frac{C_A}{C_A + C_B} = \frac{k_1}{k_1 + k_2}$  hubungan konsentrasi produk,  $C_P$  dengan konsentrasi awal reaktan,  $C_{A0}$  adalah  $C_P = C_{A0} \frac{k_1}{k_1 + k_2} = C_{A0} \frac{k_1}{1 + k_1/k_2} = C_{A0} \frac{k_1}{1 + 10^{(k_2 - k_1)T}}$

Tentukan pada temperatur berapa reaksi harus dilangsungkan agar produk P maksimum

## lanjutan

```
function f_T=reaksi(T)
k1=1e8*exp(-5000/T);
k2=1e16*exp(-10000/T);
f_T=(k1+k2)/(k1*(1-exp(-k1-k2)));
```

---

```
clc
clear
T=fminbnd('reaksi',100,300)
```

# lanjutan

clc

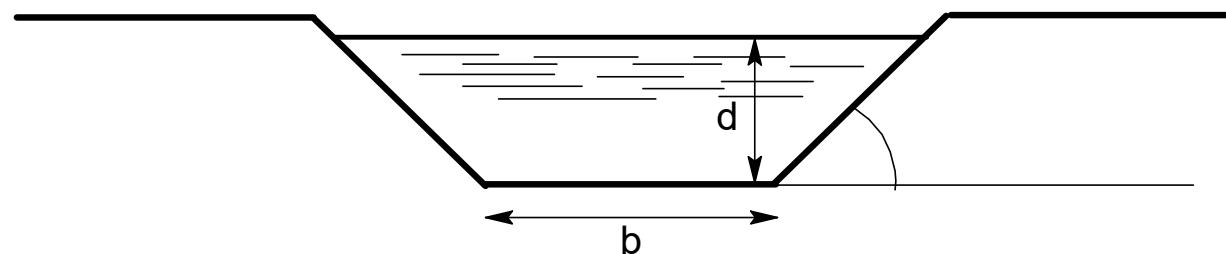
clear

T0=100;

T=fminsearch('reaksi',T0)

## Soal 7

Gambar menunjukkan *cross section* dari kanal saluran air. Analisa awal menunjukkan bahwa luas penampang saluran harus  $100 \text{ ft}^2$  untuk dapat menampung kecepatan aliran air. Untuk meminimasi biaya digunakan kanal lurus dengan cara meminimasi panjang perimeter kanal. Tentukan  $d$ ,  $b$ , dan  $\theta$  untuk meminimasi panjang kanal ini.



Panjang perimeter L dapat ditulis sebagai

$$L = b + \frac{2d}{\sin \theta}$$

Luas penampang saluran

$$A = db + \frac{d^2}{\tan \theta} = 100 \quad b = \frac{100}{d} - \frac{d}{\tan \theta}$$

substitusi pada persamaan

$$L = \frac{100}{d} - \frac{d}{\tan \theta} + \frac{2d}{\sin \theta}$$

```
function L = F67(x)
```

```
d = x(1);
```

```
teta = x(2);
```

```
% Persamaan yang diminimasi
```

```
L = 100./d-d./tan(teta)+2*d./sin(teta);
```

```
clear all  
clc  
  
% Tebakan awal  
d_tebakan = 20;          % ft  
teta_tebakan = 1;  
  
% Perhitungan optimasi  
x =fminsearch('F67',[d_tebakan teta_tebakan]);  
  
% Hasil perhitungan  
d = x(1)  
teta = x(2)*180/pi      % konversi ke derajat
```

Keluaran program

>>

d =

7.5983

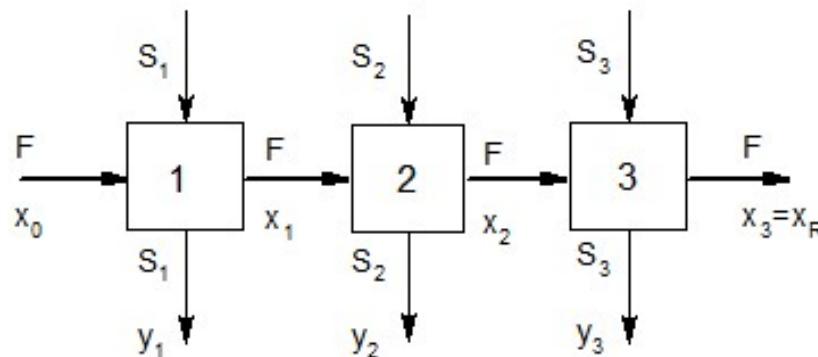
teta =

60.0004

## Soal 8

Campuran C dan A akan diambil C-nya dengan ekstraksi menggunakan solven B dalam ekstraktor 3 tingkat yang beroperasi secara *cross-current* seperti terlihat pada gambar 6.7. Hubungan kesetimbangan antara C dalam fasa B ( $y$ ) dan C dalam fasa A ( $x$ ) mengikuti persamaan :  $y = k \cdot x^2$

Ingin dicari  $S_1$ ,  $S_2$ , dan  $S_3$  yang memberikan  $x_R$  minimal jika  $S = S_1 + S_2 + S_3 =$  tetap.



Dari neraca massa diperoleh persamaan,

$$x_1 = \frac{-F + \sqrt{F^2 + 4FS_1.k.x_0}}{2S_1.k}$$

$$x_2 = \frac{-F + \sqrt{F^2 + 4FS_2.k.x_1}}{2S_2.k}$$

$$x_R = x_3 = \frac{-F + \sqrt{F^2 + 4FS_3.k.x_2}}{2S_3.k}$$

$$S_3 = S - S_1 - S_2$$

Data-data yang diketahui adalah  $F = 100$  kg A/mnt;  $S = 180$  kg B/mnt;  $x_0 = 0,2$  kg C/kg A; dan  $k = 20$

```
global Stot xo F S3 k

% Data-data
Stot=180;           % Laju alir solvent total, kg B/menit
xo=0.2;             % Konsentrasi umpan, kg C/kg A
F=100;              % Laju alir umpan, kg A/menit
k=20;               % Konstanta kesetimbangan

% Tebakan awal laju alir solvent S1 & S2
So=[20 100];

% Perhitungan
[S,xR]=fminsearch(@F69,So);

% Hasil perhitungan
S1=S(1)
S2=S(2)
S3=Stot-S1-S2
xR_min=xR
```

```
function xR=F69(S)
global Stot xo F S3 k
S3=Stot-S(1)-S(2);
x1= (-F+sqrt(F^2+4*F*S(1)*k*xo))/(2*S(1)*k);
x2= (-F+sqrt(F^2+4*F*S(2)*k*x1))/(2*S(2)*k);
xR= (-F+sqrt(F^2+4*F*S3*k*x2))/(2*S3*k);
```

Keluaran program

S1 =  
47.3733

S2 =  
59.8036

S3 =  
72.8231

xR\_min =  
0.0382

## Soal 9

Pada suhu 350 K, campuran biner bahan A dan B, fasa uapnya mengikuti hukum-hukum gas ideal sedangkan fasa cairnya non-ideal dengan koefisien aktivitas mengikuti persamaan :

$$\gamma_A = \exp(\beta \cdot x_B^2) \quad \text{dan} \quad \gamma_B = \exp(\beta \cdot x_A^2)$$

Pada 350 K, tekanan uap murni A dan B masing-masing 80 cmHg dan 60 cmHg.

Data tekanan total kesetimbangan pada 350 K pd berbagai fraksi mol A adalah :

$x_A$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,6	0,7	0,8	0,9
Pt (cmHg)	65,8	70,3	73,9	76,5	79,9	80,9	81,3	81

Berdasarkan data-data tersebut, perkiraan nilai  $\beta$  dengan membandingkan Pt data dengan Pt hasil perhitungan sampai diperoleh SSE minimum.

$$SSE = \sum (Pt_{\text{hit}} - Pt_{\text{dat}})^2$$

dengan  $Pt_{\text{hit}}$  dapat dicari dengan persamaan,

$$Pt_{\text{hit}} = x_A \cdot P_A^\circ \cdot \exp[\beta(1 - x_A)^2] + (1 - x_A) \cdot P_B^\circ \cdot \exp(\beta e_A^2)$$

```
global xa Ptdat Pao Pbo

% Data-data
xa=[0.1 0.2 0.3 0.4 0.6 0.7 0.8 0.9];
Ptdat=[65.8 70.3 73.9 76.5 79.9 80.9 81.3 81];

% Tekanan uap murni
Pao=80; Pbo=60;

% Perhitungan beta
beta=fminsearch(@F610,0.7)

function fP=F610(B)

global xa Ptdat Pao Pbo

Pt=xa*Pao.*exp(B*(1-xa).^2)+(1-xa)*Pbo.*exp(B*xa.^2);
fP=sum((Ptdat-Pt).^2);
```

Keluaran program

```
beta =  
0.4584
```

# Optimasi - Integral

Reaksi fasa cair bolak-balik eksotermis :  $A \leftrightarrow B$  dijalankan dalam reaktor batch adiabatis. Volum campuran dapat dianggap tetap. Suhu awal reaktor  $T_0$ . Panas reaksi  $\lambda$  kal/gmol, kapasitas panas campuran  $C_p$  cal/(g.K). Konsentrasi A mula-mula  $C_{A_0}$  gmol/L dan konversi awal  $x_o$ . Konversi akhir yang diinginkan  $x_N$ . Ingin dicari suhu awal reaktor  $T_0$  yang memberikan waktu reaksi  $t$  minimum.

Waktu reaksi dinyatakan dengan persamaan,

$$t = \int_{x_o}^{x_N} \frac{dx}{k[(1-x) - K \cdot x]}$$
$$k = A \cdot \exp\left(-\frac{E}{RT}\right) \quad K = \alpha \cdot \exp\left(\frac{\beta}{T}\right) \quad T = T_0 + \frac{\lambda \cdot C_{A_0}}{\rho \cdot C_p} (x - x_o)$$

Data-data yang diketahui adalah :  $A = 25$ ;  $E = 10.000$ ;  $R = 1,987$ ;  $\alpha = 1750$ ;  
 $\beta = -5.000$ ;  $\rho = 1100$ ;  $C_p = 1,2$ ;  $C_{A_0} = 1$ ;  $x_o = 0$ ;  $x_N = 0,3$ .

$$\lambda = -8 \cdot 10^4$$

```
global alpa rho Cp Cao xo xn beta A Ea R lamda  
alpa=1750; rho=1100; Cp=1.2; Cao=1; xo=0; xn=0.3; beta=-5e3; A=25; Ea=1e4; R=1.987; lamda=-8e4;  
[To,waktu]=fminsearch(@F802,700)
```

**Program terkait**

```
function ft=F802(To)  
global alpa rho Cp Cao xo xn beta A Ea R lamda  
x=linspace(xo,xn,100);  
T=To+lamda*(Cao*(x-xo)/rho/Cp;  
k=A.*exp(-Ea./R*T);  
K=alpa.*exp(beta./T);  
y=1./(k.*((1-x)-K.*x));  
ft=trapz(x,y);
```

**Keluaran program**

To =

736.3329

waktu =

25.6426

# Soal 10

## **Reaktor Batch Adiabatis untuk Reaksi Cair Orde 2**

Reaktor batch beroperasi secara adiabatis untuk reaksi fasa cair order 2 :  $A \rightarrow B$ . Perubahan entalpi reaksi  $\Delta H_R$ , volume reaktor  $V_R$ , dan kapasitas panas larutan  $C_p$  dianggap tetap. Waktu bongkar pasang  $t_p$ . Umpan masuk pada suhu  $T_F$  dan konsentrasi A  $C_{A_0}$ . Reaksi dihentikan pada konversi  $x_R$ . Konversi A mula-mula  $x_{R_0}$ . Ingin dicari konversi A yang memberikan kecepatan produksi B tiap waktu maksimum.

Persamaan-persamaan yang dipakai adalah :

$$t_R = \frac{1}{C_{A_0}} \int_{x_{in}}^{x_{out}} \frac{1}{k \cdot (1 - x_A)^2} dx_A$$

$$k = A \cdot \exp\left(-\frac{E}{RT}\right)$$

$$T = T_F - \frac{C_{A_0} \Delta H_R}{\rho \cdot Cp} x_A$$

$$B = V_R \frac{C_{A_0} \cdot x_R}{(t_R + t_p)}$$

Data-data yang diketahui adalah  $V_R = 10.000 \text{ L}$ ;  $C_{A_0} = 1 \text{ gmol/L}$ ;  $\rho = 1,0 \text{ kcal/(kg.K)}$ ;  $A = 10^7 \text{ L/(gmol.mnt)}$ ;  $E = 14 \text{ kcal/gmol}$ ;  $\Delta H_R = -6 \text{ kcal/gmol}$ ;  $R = 0,001987 \text{ kcal/(gmol.K)}$ ;  $T_F = 350 \text{ K}$ ;  $t_p = 120 \text{ mnt}$ ;  $x_{R_0} = 0$ .

$$Cp = 1$$

```
global Tf Cao dHr rho Cp A Ea R xro Vr tp
```

```
% Data-data
```

```
Tf=350;      % Temperatur umpan, K  
Cao=1;       % Konsentrasi umpan, gmol/L  
dHr=-6;      % Beda entalphi reaksi, kkal/gmol  
rho=1;       % Densitas larutan, kg/L  
Cp=1;        % Kapasitas panas larutan, kcal/kg.K  
A=1e7;       % Konstanta Arrhenius, L/gmol.menit  
Ea=14;       % Konstanta Arrhenius, kkal/gmol  
R=0.001987;   % Konstanta gas ideal, kkal/gmol.K  
xro=0;        % Konversi mula-mula  
Vr=10000;     % Volume reaktor, L  
tp=120;
```

```
% Perhitungan konversi
```

```
konversi=fminsearch(@F8031,0.5)
```

**Program terkait**

```
function fxr=F8031(xr)
global Tf Cao dHr rho Cp A Ea R xro Vr tp
tr=quad(@F8032,xro,xr);
fxr=(tr+tp)/(Vr*Cao*xr);
```

**Program lain**

```
function fx=F8032(x)
global Tf Cao dHr rho Cp A Ea R xro Vr tp
T=Tf-Cao*dHr*x/(rho*Cp);
k=A*exp(-Ea./(R*T));
fx=1./(Cao*k.*(1-x).^2);
```

Keluaran program

konversi =

0.6267

Reaksi fasa gas bolak-balik eksotermis  $\text{SO}_2 + \frac{1}{2} \text{O}_2 \leftrightarrow \text{SO}_3$  dijalankan dalam reaktor tabung adiabatik dengan bantuan katalisator padat berbentuk butir-butir. Aliran gas dianggap *plug-flow* dan tekanan system dianggap tetap  $P_t = 1 \text{ atm}$ . Proses ditunjukkan pada gambar 6.8.

Kecepatan reaksi mengikuti persamaan :

$$r \left( \frac{\text{gmol SO}_2}{\text{jam} \cdot \text{kg katalisator}} \right) = \frac{k_1 \cdot P_{\text{O}_2} \cdot P_{\text{SO}_2} \cdot \left( 1 - \frac{P_{\text{SO}_3}}{P_{\text{SO}_2} \cdot P_{\text{O}_2}^{0,5} \cdot K_p} \right)}{22,414 \cdot (1 + K_2 \cdot P_{\text{SO}_2} + K_3 \cdot P_{\text{SO}_3})^2}$$

dengan :

$$k_1 = \exp \left( 12,16 - \frac{5473}{T} \right)$$

$$K_2 = \exp \left( -9,953 + \frac{8619}{T} \right)$$

$$K_3 = \exp \left( -71,745 - \frac{52956}{T} \right)$$

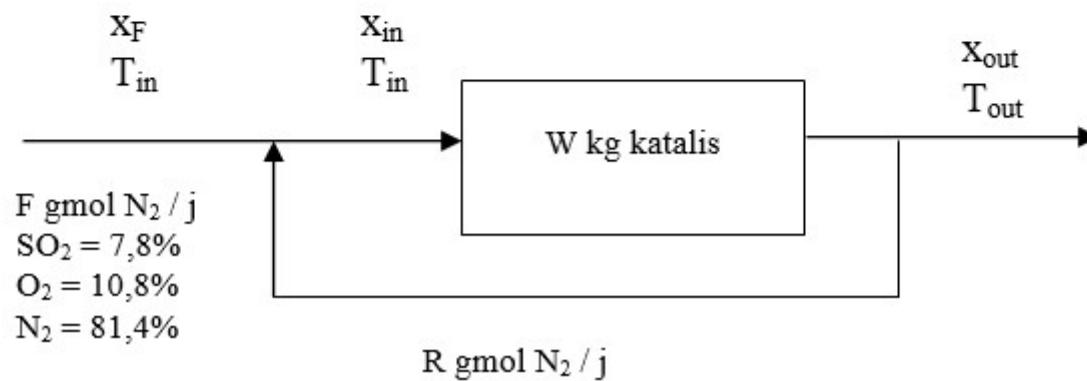
$$K_p = \exp \left( -10,68 + \frac{11300}{T} \right)$$

$$P_{SO_2} = \frac{(1-x)}{(12,82 - 0,5 \cdot x)} \cdot P_t$$

$$P_{O_2} = \frac{(1-x)}{(12,82 - 0,5 \cdot x)} \cdot P_t$$

$$P_{SO_3} = \frac{x}{(12,82 - 0,5 \cdot x)} \cdot P_t$$

$$T = T_F + 241,7 \cdot (x - x_F)$$



Ingin dicari harga ( $R/F$ ) yang memberikan nilai  $W$  minimum

$$W = 137,3 \left( 1 + \frac{R}{F} \right) \cdot \int_{x_{in}}^{x_{out}} \frac{1}{r} \cdot dx$$

$$x_{in} = \frac{x_F + \left( \frac{R}{F} \right) \cdot x_{out}}{1 + \frac{R}{F}}$$

Diketahui data-data sebagai berikut,  $x_F = 0$ ;  $x_{out} = 0,64$ ;  $T_F = 660$  K

```
global xf xout Tf
% Data-data
xf=0;          % Konversi umpan
xout=0.64;    % Konversi keluar reaktor
Tf=660;        % Temperatur umpan, K

% Perhitungan
[RperF,Wmin]=fminsearch(@F611,4)
```

```
function W=F611(RperF)

global xf xout Tf

% Perhitungan konversi masuk reaktor
xin=(xf+RperF*xout)/(1+RperF);

% Distribusi nilai konversi dari konversi masuk sampai keluar
x=linspace(xin,xout,100);

% Perhitungan temperatur reaktor
T=Tf+241.7*(x-xf);

% Perhitungan tekanan parsial
Pso2=(1-x)./(12.82-0.5*x);
Po2=(1.3846-0.5*x)./(12.82-0.5*x);
Pso3=x./(12.82-0.5*x);

% Perhitungan kecepatan reaksi
k1=exp(12.16-5473./T);
K2=exp(-9.953+8619./T);
K3=exp(-71.745+52596./T);
Kp=exp(-10.68+11300./T);
Ra=k1.*Po2.*Pso2.*((1-Pso3)./(Pso2.*sqrt(Po2).*Kp))./...
(22.414*(1+K2.*Pso2+K3.*Pso3).^2);
Ra1=1./Ra;

% Perhitungan berat katalis
area=trapz(x,Ra1);
W=137.3*(1+RperF)*area;
```

Keluaran program

RperF =  
2.2554

wmin =  
4.4758e+003